

FPS - Đường đi ngắn nhất trên đồ thị mới (7 điểm)

Cho đồ thị có trọng số gồm N đỉnh và $N - 1$ cạnh. Gọi $D(i, j)$ là khoảng cách từ đỉnh i đến đỉnh j trên cây. (Lưu ý đường đi từ đỉnh i đến đỉnh j chỉ thăm mỗi đỉnh duy nhất một lần).

Tạo đồ thị có hướng mới gồm N đỉnh, với mỗi cặp đỉnh (i, j) nếu $i < j$ thì thêm cạnh nối từ đỉnh i đến đỉnh j có trọng số là $D(i, j)$.

Nhiệm vụ của bạn là hãy tìm đường đi ngắn nhất từ đỉnh 1 đến tất cả các đỉnh khác trong đồ thị mới tạo.

Dữ liệu vào:

- Dòng đầu gồm số nguyên N ($2 \leq N \leq 8 \cdot 10^4$).
- Dòng thứ $i + 1$ ($1 \leq i \leq N - 1$) bao gồm 3 số nguyên: u_i, v_i, w_i ($1 \leq u_i < v_i \leq N, |w_i| \leq 10^9$), với ý nghĩa có cạnh nối giữa u_i và v_i với trọng số w_i . Tất cả các cạnh này mô tả cây ban đầu.

Kết quả:

- gồm N số nguyên, số nguyên thứ i tượng trưng cho đường đi ngắn nhất từ 1 đến i trên đồ thị mới.

FSP . INP	FSP . OUT
5	0 -2 -3 1 -10
1 2 -2	
1 3 1	
2 4 5	
2 5 -6	

Giải thích:

$1 \rightarrow 2$ với chi phí $D(1, 2) = -2$

$1 \rightarrow 2 \rightarrow 3$ với chi phí $D(1, 2) + D(2, 3) = -3$

$1 \rightarrow 2 \rightarrow 3 \rightarrow 4$ với chi phí $D(1, 2) + D(2, 3) + D(3, 4) = 1$

$1 \rightarrow 2 \rightarrow 3 \rightarrow 5$ với chi phí $D(1, 2) + D(2, 3) + D(3, 5) = -10$